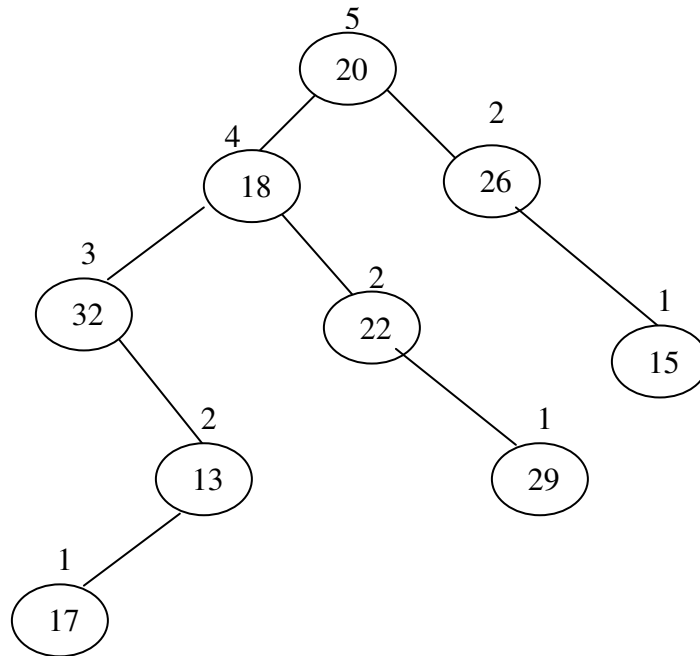


להלן תוכנית בשם  $\text{move-one-right}(T,x)$  שמקבלת קלט עץ בינארי עם גבהים  $T$  וצומת  $x$  בעץ ומחזירה את הצומת שנמצאת מימין לצומת  $x$  באותה הרמה של צומת  $x$ . אם אין צומת כזאת התוכנית מחזירה  $\text{NULL}$ .

דוגמה:

יהי  $T$  עץ בינארי עם גבהים שמתואר בציור הבא : מעל כל צומת מצוין הגובה שלו.



לאחר הקריאה לפונקציה  $\text{move-one-right}(T,13)$  הפונקציה תחזיר את צומת 29  
 לאחר הקריאה לפונקציה  $\text{move-one-right}(T,22)$  הפונקציה תחזיר את צומת 15  
 לאחר הקריאה לפונקציה  $\text{move-one-right}(T,29)$  הפונקציה תחזיר  $\text{NULL}$

הרעיון:

נטפס למעלה בעץ החל מצומת  $x$ , נסמן ב-  $z$  את הצומת שהגענו אליה במהלך הטיפוס למעלה ונסמן ב-  $p$  את האבא של  $z$ . נשמור במשתנה  $t$  את מספר הצעדים שעלינו בטיפוס למעלה. אם  $z$  בן ימני של אביו  $p$  נבצע  $z=p$ ,  $t++$  ונמשיך לטפס למעלה. אם  $z$  בן שמאלי של אביו  $p$  יש שתי אפשרויות:  
 (1) אם גובה הבן הימני של  $p$  הוא כזה שאפשר לרדת בו למטה ולהגיע לצומת ברמה של  $x$  אז נעבור לבן הימני של  $p$  ונבצע ירידה למטה עד שנגיע לצומת הרצוי.  
 (2) אם גובה הבן הימני של  $p$  קטן מדי ולא מאפשר לרדת למטה את אותו מספר צעדים שעלינו למעלה מ-  $x$  עד ל-  $p$  נבצע  $z=p$ ,  $t++$  ונמשיך לטפס למעלה.  
 אם במהלך הטיפוס למעלה הגענו לכך שצומת  $z$  הוא השורש זה סימן ש-  $x$  היה הימני ביותר ברמה שלו ונחזיר  $\text{NULL}$ .

להלן הפטיאודו קוד של התוכנית:

### move-one-right (T, x)

```
t=1
z=x
while (parent(z) ≠ NULL) {
    p=parent(z)
    if (z=right(p)) {
        t++
        z=p
        continue
    }
    if z=left(p) {
        if (right(p) ≠ NULL) && (h(right(p)) ≥ t) {
            return leftmost-in-level(Tright(p), t)
        }
        t++
        z=p
    }
}
return NULL
```

התוכנית הנ"ל משתמשת בתוכנית עזר בשם `leftmost-in-level(T, level)` שמקבלת כפרמטרים עץ עם גבהים  $T$  ורמה `level` ומחזירה את הצומת השמאלי ביותר ברמה `level` בעץ. התוכנית מניחה שיש לפחות צומת אחד ברמה `level` בעץ. לדוגמה הקריאה לתוכנית: `leftmost-in-level(T,4)` עבור העץ  $T$  שבציור בעמוד הקודם מחזירה את הצומת 13

להלן הפטיאודו-קוד של תוכנית העזר:

### leftmost-in-level (T, level)

```
x=root(T)
t=level
while (t>1) {
    if (left(x) ≠ NULL) && (h(left(x)) ≥ t-1) {
        t--
        x=left(x)
        continue
    }
    t--
    x=right(x)
}
return x
```