

1. יהי V מרחב וקטורי מעל שדה F . אזי לכל קבוצות סופיות $S, T \subseteq V$ מתקיים
 $(S \subseteq Sp(T) \wedge T \subseteq Sp(S)) \Leftrightarrow Sp(S) = Sp(T)$.

2. תהי S קבוצה סופית כלשהי. אם $T \subseteq Sp(S)$ ו $|T| > |S|$ אז T קבוצה תלויה לינארית.

3. בכל קבוצה סופית S יש תת-קבוצה בלתי תלויה T שמקיימת $Sp(S) = Sp(T)$.

4. אם $\bar{v}_n \notin Sp(\bar{v}_1, \dots, \bar{v}_{n-1})$ ($\bar{v}_1 \neq \bar{0}$ במקרה של $n=1$) אז $\bar{v}_1, \dots, \bar{v}_{n-1}, \bar{v}_n$ ת"ל אם ורק אם $\bar{v}_1, \dots, \bar{v}_{n-1}$ ת"ל..

5. בכל מרחב נפרש סופית קיים בסיס אחד לפחות.

6. יהי V מרחב נפרש סופית אז
 $W \leq V \Rightarrow \dim(W) \leq \dim(V)$
 $W \leq V \wedge \dim(W) = \dim(V) \Rightarrow W = V$

7. יהי V מרחב ממימד n ו $S \subseteq V$ קבוצת וקטורים בת n איברים. אז
 א. $S \subseteq Sp(S) = V$ בת"ל.
 ב. $S \Rightarrow Sp(S) = V$ בת"ל.

8 (השלמת בסיס). יהי V מרחב וקטורי נפרש סופית ו $W \leq V$ תת-מרחב כלשהו.
 לכל בסיס B של W קיים בסיס A של V כך ש- $B \subseteq A$.

9. תהי $A \in M_{m,n}(F)$ מטריצה כלשהי. אז לכל שתי מטריצות B, C מתקיים
 א. $R(BA) \leq R(A); L(AC) \leq L(A)$
 ב. אם B, C הפיכות אז $R(BA) = R(A); L(AC) = L(A)$

10. משפט 4 (משפט הדרגה)
 לכל $A \in M_{m \times n}(\mathbf{R})$ מתקיים $rank_C(A) = rank_R(A)$.

11. לכל $\bar{v} \in V$ מתקיים $[\bar{v}]_A^T = {}_A T_B [\bar{v}]_B^T$.

12. תהי $L: V \rightarrow W$ העתקה ליניארית כלשהי. אז $Im(L) \leq W, Ker(L) \leq V$.

13. תהיה $L: V \rightarrow W$ העתקה ליניארית בין מרחבים ממימד סופי. אז
 $\dim(Ker(L)) + \dim(Im(L)) = \dim(V)$

14. יהיו V, W מרחביים סוף מימדיים, $\dim(V) = n, \dim(W) = m$. אזי לכל בסיס סדור $B = (\bar{b}_1, \dots, \bar{b}_n)$ של V ולכל סידרה $\bar{w}_1, \dots, \bar{w}_n \in W$ קיימת העתקה ליניארית אחת ויחידה $L: V \rightarrow W$ שמקיימת $L(\bar{b}_i) = \bar{w}_i$ לכל $i = 1, \dots, n$.

15. יהיו V, W מרחביים סוף מימדיים. אם $\dim(V) = \dim(W)$ אז המרחבים V, W איזומורפיים.